

שדות אלקטרוניים

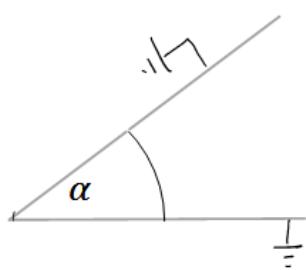
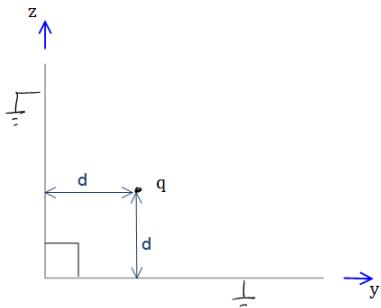
פרק 16 - מטען דמות(שיטת השיקופים)

תוכן העניינים

1.....
1. הרצאות ותרגילים.....

הרצאות ותרגילים:

שאלות:



1) לוחות בזווית 90 מעלות

נתונים שני מישורים מוארכים המוחברים בזווית ישרה. במרחב d משני המישורים ממוקם חלקיק בעל מטען q כמתואר בשרטוט. מצא את מטעני הדמות שמהם ניתן להסיק את פונקציית הפוטנציאל במרחב.

2) לוחות בזווית אלפא

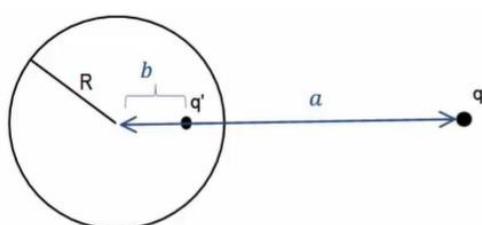
נתונים שני מישורים מוארכים המוחברים בזווית α . במרחב d משני המישורים ממוקם חלקיק בעל מטען q כמתואר בשרטוט. מצא את מטעני הדמות שמהם ניתן להסיק את פונקציית הפוטנציאל במרחב.

3) מציאת התפלגות המטען על שפת המוליך

נתון מישור אינסופי מוארך. במרחב z מעלה המישור נמצא חלקיק בעל מטען q . מצא את התפלגות המטען σ על שפת המישור.

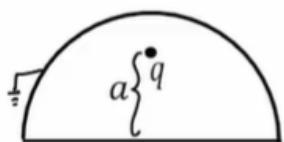
4) כוח ואנרגיה במטעני דמות

נתון מישור אינסופי מוארך ובמרחב z מעליו נמצא חלקיק בעל מטען q . מהו הכוח שמרגישי החלקיק?



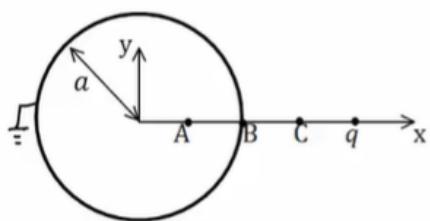
5) מציאת התפלגות מטען עם ספירה

נתונה ספירה מוליכה ומוארכת ברדיוס R . מול הספירה ישנו מטען נקודתי q במרחב a ממרכז הספירה. מצא את התפלגות המטען על השפה של הספירה.

**6) מטען בתוך חצי ספירה**

מטען נקודתי q נמצא בתחום חצי ספירה צדוריית, מוארכת ברדיוס R .

המטען נמצא בגובה a מעל מרכזו הספירה. מצא את מטעני הדמוות בעזרתם נוכל לחשב את הפוטנציאל בכל המרחב.

**7) ספירה, מטען ושלוש נקודות**

קליפה צדورية ברדיוס a מוארכת.

מטען q נמצא במרחק $2a$ ממרכזו הקליפה ועל ציר x כך ש: $x_A = \frac{a}{2}$, $x_B = a$, $x_C = \frac{3a}{2}$

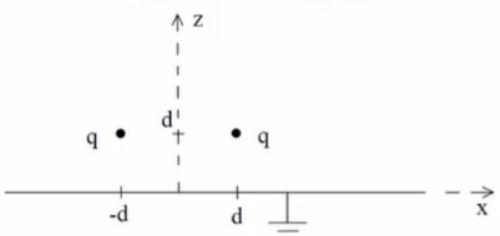
- מצא את הפוטנציאל בנקודות: A, B, C
- מהי התפלגות המטען המשטחית בנקודה B ?
- מה הכוח הפועל על המטען q ?
- מהי האנרגיה הדרוזה לבניית המערכת?

8) שני מטענים מעלה מישור

נתונים שני מטענים q במקומות $(d, 0, d)$

$\text{and } (-d, 0, d)$ מעלה משטח אינסובי

מוארך כבאיור.



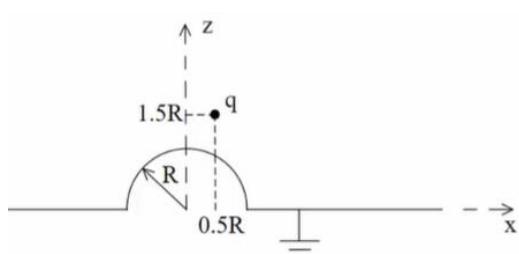
- אילו מטעני שיקוף דרושים כדי לבטא פוטנציאל ושדה $-z > z$?

- איזה כוח ירגש המטען הימני (גודל וכיוון)?

יש לנרמל $1 = \frac{q^2}{4\pi\epsilon_0 d^2}$ ולהגיע לתשובה מספרית.

- מהי התפלגות המטען על המוליך?
ומהו המטען הכלול על המוליך?

- מהי האנרגיה הדרוזה לבניית המערכת?



- 9) מטען מעל חצי ספירה ולא במרכז נתון חצי כדור מוליך מושלם מעלה רדיוס R המונח על חצי מרחב מישור מוליך מושלם, כבאיור. מעלה המוליך יש מטען q בקואורדינטה $(0.5R, 0, 1.5R)$.**

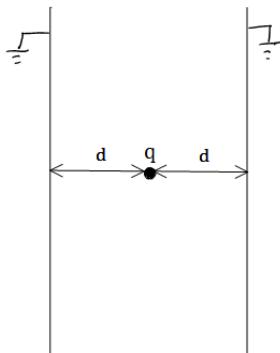
a. מצא את גודל ומיקום מטען השיקוף הדרושים בשבייל לבטא את הפוטנציאלי במרחב שמעל המבנה.

b. מצא את הפוטנציאלי בנקודות $(0,0,0.5R)$, $(0,0,1.5R)$.

g. מהי צפיפות המטען המשטחית על שפת המוליך בנקודה ?

d. מה הכוח הפועל על המטען?

h. מהי האנרגיה הדרישה לבניית המערכת?



- 10) מטען בין שני לוחות אינסופיים**

נתונים שני לוחות אינסופיים מוארכים במרחב p_2 זה מזה. בדיק באמצע ביניהם ממוקם חלקיק מעלה מטען q כמתואר בשרטוט.

a. מצא את פונקציית הפוטנציאלי במרחב.

b. מצא את העבודה הדרישה לבניית המערכת.

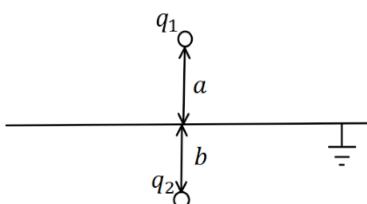
- 11) מטענים משני צידי מישור מוארך**

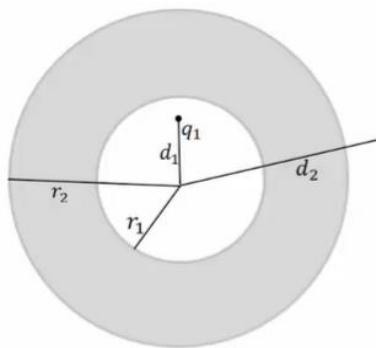
טען q_1 נמצא במרחב a מעלה מישור אינסופי מוארך.

טען q_2 נמצא במרחב b מתחת למישור.

a. מצא את השדה והפוטנציאלי בכל המרחב.

b. מהי התפלגות המטען על המישור? ומהו המטען הכולל על המישור?



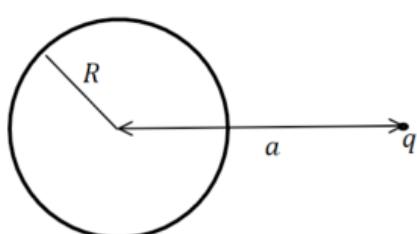


- 12) קליפה עבה עם מטען פנימי ובחוץ**
- נתונה קליפה כדורית עבה ומוליכה בעלי רדיוס פנימי r_1 ורדיוס חיצוני r_2 .
 מטען q_1 נמצא במרחק d_1 ממרכז הקליפה כך ש- $r_1 < d_1$.
 מטען q_2 נמצא במרחק d_2 ממרכז הקליפה כך ש- $d_2 > r_2$.
 המטענים לא נמצאים על אותו רדיוס.
- מצא את הפוטנציאל בו נמצא הקליפה.
 - מצא את הכוח הפועל על המטען q_2 .
 - מהי האנרגיה הדרושה לבניית המערכת?

13) דיפול מעיל מישור



- דיפול מונח במרחב \vec{z} מלוח אינסופי מוארך.
 מומנט הדיפול הוא: $\vec{p} = (0, 0, p)$.
- מצא את השدة בכל המרחב.
 - מצא את צפיפות המטען על המישור.
 - מצא את סך המטען על המישור.



- 14) ספירה ניטרלית**
- טען נקודתי q מונח במרחב a מספירה מוליכה ברדיוס R .
 הספירה אינה מוארכת ואינה מחוברת לפוטנציאל כלשהו.
 ניתן להניח כי הספירה ניטרלית.
 מהו הפוטנציאל על הספירה?
 ומהם מטעני הדמות המתאימים לפתרון הבעיה?
 رمز : השתמש בחוק שימור המטען.

תשובות סופיות:

$$\varphi = \frac{kq}{r_1} - \frac{kq}{r_2} \quad (1)$$

ראה סרטון (2)

$$\sigma = -kq\epsilon_0 \frac{2d}{(r^2 + d^2)^{\frac{3}{2}}} \quad (3)$$

$$F = -\frac{q^2}{(2d)^2} \quad (4)$$

$$E(r, \theta) = \frac{kq(r - a \cos \theta)}{(r^2 + a^2 - 2ra \cos \theta)^{\frac{3}{2}}} + \frac{-kq \left(r \left(\frac{a}{R} \right)^2 - a \cos \theta \right)}{\left(R^2 + \left(\frac{ra}{R} \right)^2 - 2ra \cos \theta \right)^{\frac{3}{2}}} \quad (5)$$

ראה סרטון (6)

$$\vec{F} = \frac{2kq^2}{qa^2}(-\hat{x}) \quad \lambda \quad \sigma_B = \epsilon_0 \left(-\frac{3kq}{a^2} \right) \cdot \beth \quad \varphi_A = \varphi_B = 0, \quad \varphi_C = \frac{3kq}{2a} \quad \aleph \quad (7)$$

$$U = \frac{-kq^2}{6a} \quad \daleth$$

$$-0.338\hat{z} + 0.162\hat{x} \quad \beth \quad (-d, 0, d), (d, 0, -d) \quad \aleph \quad (8)$$

$$Q_T = -2q \quad , \quad \sigma = -\frac{1}{2\pi} qd \left(\frac{1}{\left((x-d)^2 + y^2 + d^2 \right)^{\frac{3}{2}}} + \frac{1}{\left((x+d)^2 + y^2 + d^2 \right)^{\frac{3}{2}}} \right) \cdot \lambda$$

$$U = \frac{-kq^2}{\sqrt{2} \cdot 2d} \quad \daleth$$

$$q_3 = \sqrt{\frac{2}{5}}q, \quad \vec{r}_3 = \left(\frac{R}{5}, 0, -\frac{3}{5}R \right), \quad q_4 = -q, \quad \vec{r}_4 = (0.5R, 0, -1.5R) \quad \aleph \quad (9)$$

$$\frac{kq}{R^2} 1.04\epsilon_0 \quad \lambda \quad 0 : (0, 0, 0.5R), \quad \varphi \approx 0.71 \frac{kq}{R} : (0, 0, 1.5R) \quad \beth$$

$$U = \frac{kq^2}{2R}(-0.7) \quad \aleph \quad \vec{F} = \frac{kq^2}{R^2}(-0.2, 0, -0.64) \quad \daleth$$

$$\frac{kq^2}{2d}(-\ln(2)) \cdot \beth \quad V_r = \frac{k(-1)^n q}{\left((x-2dn)^2 + y^2 + z^2 \right)^{\frac{1}{2}}} \quad \aleph \quad (10)$$

$$\sigma_T = \frac{-1}{2\pi} \left(\frac{q_1 a}{(r^2 + a^2)^{\frac{3}{2}}} + \frac{q_2 b}{(r^2 + a^2)^{\frac{3}{2}}} \right) . \quad \text{ב}$$

$$E_{up} = \frac{kq_1}{|r_+|^2} \hat{r}_+ + \frac{-kq_1}{|r_-|^2} \hat{r}_-. \quad \text{א (11)}$$

$$\vec{F} = \frac{-k \frac{r_2}{d_2} q_2^2 \hat{r}}{\left(d_2 - \frac{r_2^2}{d_2}\right)^2} + \frac{k \left(q_1 + \frac{r_2 q_2}{d_2}\right) q_2 \hat{r}}{d_2^2} . \quad \text{ב}$$

$$\varphi_2(r_2) = \frac{kq_1}{r_2} + \frac{kq_2}{d_2} . \quad \text{א (12)}$$

$$U = \frac{1}{2} \left[\frac{-k \frac{r_2}{d_2} q_2^2}{\left(d_2 - \frac{r_2^2}{d_2}\right)} + \frac{k \left(q_1 + \frac{r_2 q_2}{d_2}\right) q_2}{d_2} - \frac{kq_1^2 \cdot \frac{r_1}{d_1}}{\left(\frac{r_1^2}{d_1} - d_1\right)} + \frac{kq_1^2}{r_2} + \frac{kq_1 q_2}{d_2} \right] . \quad \text{ג}$$

$$\vec{E}_T = \frac{k \left(3p(z-z_0)r, 0, -pr^2 + 2p(z-z_0)^2\right)}{\left(r^2 + (z-z_0)^2\right)^{\frac{5}{2}}} + \frac{k \left(3p(z+z_0)r, 0, -pr^2 + 2p(z+z_0)^2\right)}{\left(r^2 + (z+z_0)^2\right)^{\frac{5}{2}}} . \quad \text{א (13)}$$

$$\sigma(r) = \frac{(-2pr^2 + 4pz_0^2)}{4\pi(r^2 + z_0^2)^{\frac{5}{2}}} . \quad \text{ב}$$

$$\varphi = \frac{kq}{a} \quad \text{פוטנציאל על הספירה : 14}$$

$$\text{טען הדמות הם : } q' = q \frac{R}{a}, b = \frac{R^2}{a} \quad \text{במקום } q' = -q \frac{R}{a} \quad \text{במרכז}$$